
3D počítačová grafika na PC

© 2003 Josef Pelikán, MFF UK Praha

<http://cgg.ms.mff.cuni.cz/>

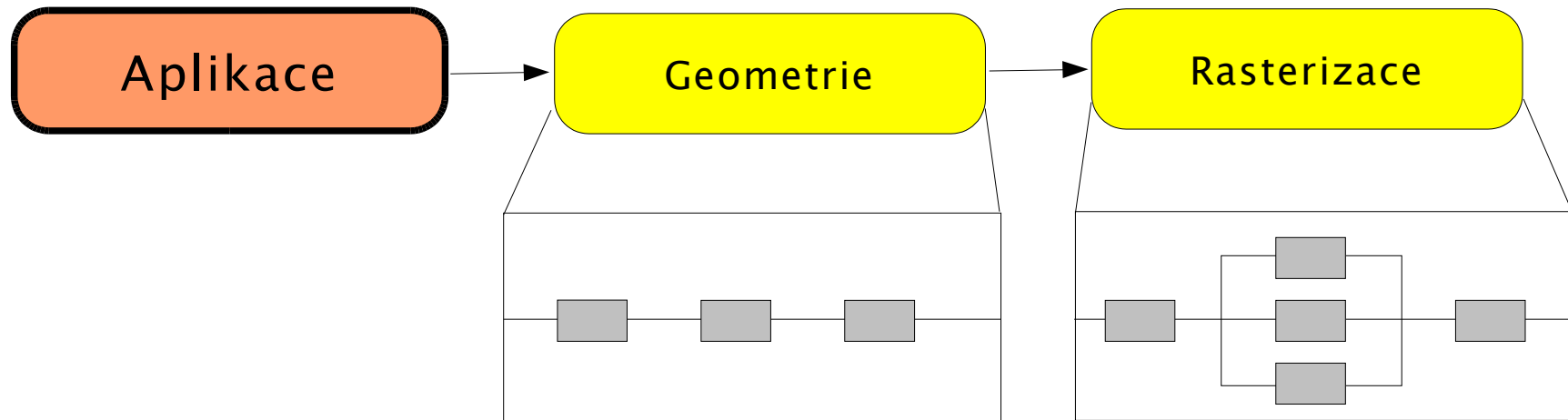
Pokroky v hardware

- ◆ **3D akcelerace** běžná i v konzumním sektoru
- ◆ zaměření na **hry, multimedia**
- ◆ **vzhled** – kvalita prezentace
 - ◆ velmi důmyslné techniky texturování
 - ◆ kombinace mnoha textur, modularita zpracování
- ◆ vysoký **výkon**
 - ◆ nejmodernější čipové technologie pro výrobu GPU (0.13 μm), **masivní paralelismus**
 - ◆ velmi rychlé **paměti** (dvoucestný přístup, DDR)
 - ◆ výjimečná sběrnice mezi GPU a CPU – **AGP**

Pokroky v software

- ◆ dvě hlavní **knihovny** pro 3D grafiku
 - ◆ **OpenGL** (SGI) a **Direct3D** (Microsoft)
 - ◆ přístup je podobný, API je velmi ovlivněno hardwarem
- ◆ nastavování parametrů a **přenos dat** do GPU
 - ◆ maximální sdílení společných datových polí
- ◆ **programování grafického řetězce !**
 - ◆ revoluce v programování 3D grafiky
 - ◆ „**vertex-shaders**“: zpracování vrcholů sítě
 - ◆ „**fragment-shaders**“ („**pixel-shaders**“): zpracování jednotlivých pixelů před vykreslením

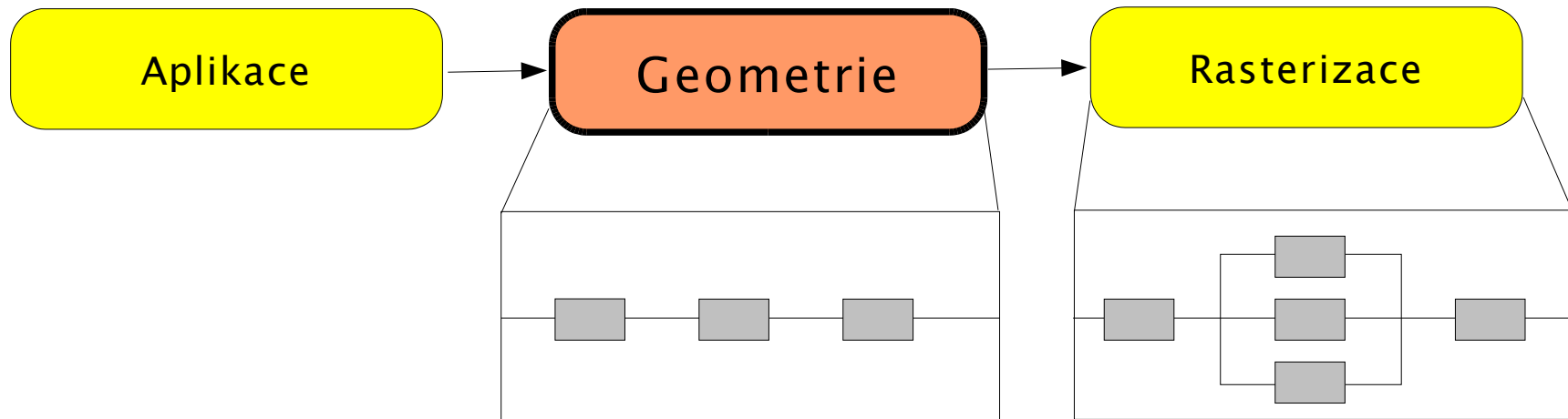
Řetězec zpracování 3D grafiky I



◆ Aplikace

- ◆ **reprezentace 3D dat** (virtuální uložení na disku i v paměti), parametrizace, šablony, ..
- ◆ **chování objektů**: fyzikální simulace, umělá inteligence
- ◆ **interakce** mezi objekty: kolize, deformace, ..

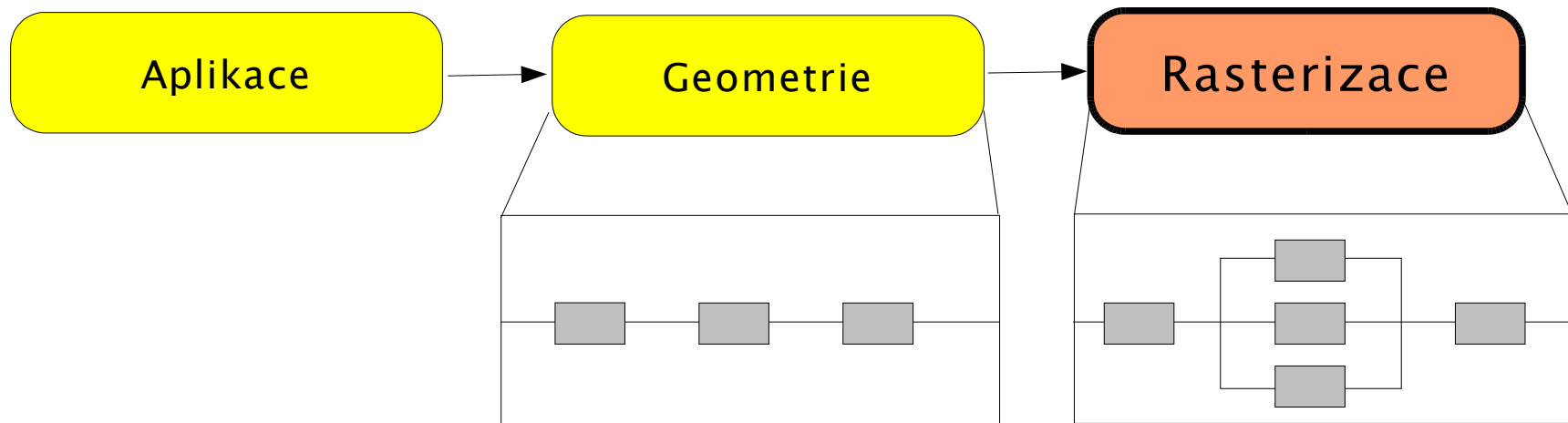
Řetězec zpracování 3D grafiky II



◆ Geometrie („*HW T&L*“)

- ◆ **modelové transformace** (pomáhají aplikační vrstvě)
- ◆ **projekční transformace** (perspektiva), **ořezávání**
- ◆ **výpočet osvětlení** (příp. jen příprava jistých vektorů..)
- ◆ dlouhý řetězec (pipeline), řetězců může být více

Řetězec zpracování 3D grafiky III



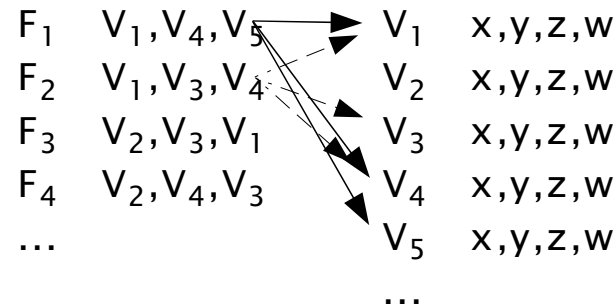
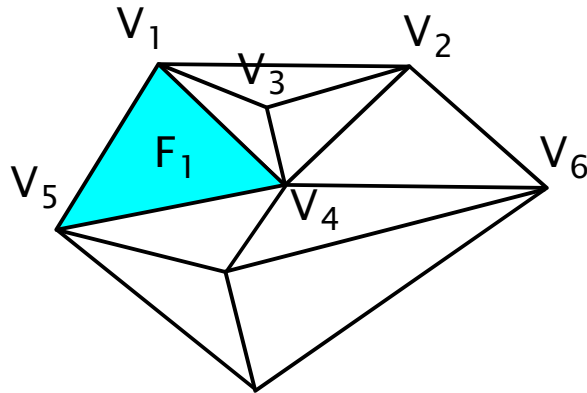
➤ **Rasterizace** (vykreslení)

- převod objektů scény do jednotlivých **pixelů**
- výpočet viditelnosti („*depth-buffer*“), mapování textur a jejich kombinace, interpolace barev, průhlednost, mlha
- vysoký **paralelismus** (nezávislé zpracování)

Reprezentace 3D dat

- ◆ v počítačové grafice existuje několik odlišných systémů reprezentace 3D dat
- ◆ nejběžnější je **povrchová reprezentace (B-rep, „boundary representation”)**
 - ◆ pouze informace o **povrchu těles**
 - ◆ nejjednodušší formát: povrch je tvořen rovinnými ploškami (**trojúhelníky**)
- ◆ **geometrie + topologie**
 - ◆ souřadnice vrcholů + napojení plošek (sít' trojúhelníků)
 - ◆ **sdílení** sousedních vrcholů, hran apod. (úspory)

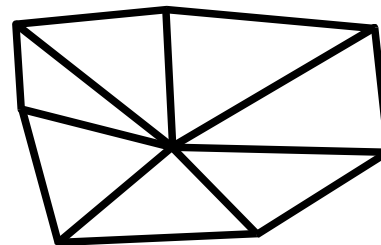
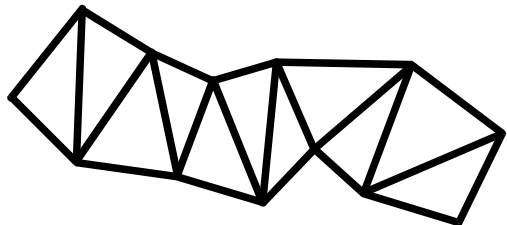
Sít' trojúhelníků



- ◆ podobnost s **relační databází**
 - ◆ tabulky **vrcholů** (V, „*vertex*“), **hran** (E, „*edge*“) a **stěn** (F, „*face*“) jsou navzájem propojeny
 - ◆ každá entita může obsahovat libovolný počet dalších **atributů** (vrchol: normála, barva; stěna: textura, ..)
 - ◆ odkazy pomocí **indexů** (místo ukazatelů)

Sít' trojúhelníků

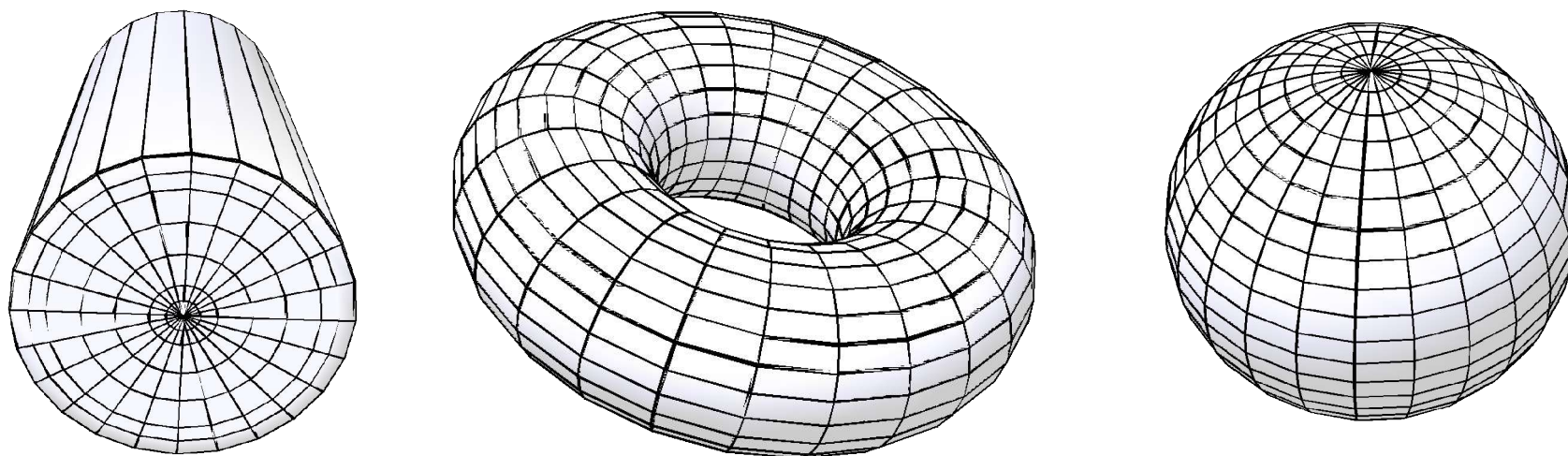
- ◆ **hrany** se u některých systémů používají, hardware s nimi však většinou nepočítá
- ◆ hardware umí přistupovat k datům **úsporně**:
 - ◆ zadá se kompletní **pole vrcholů**
 - ◆ jednotlivé stěny (trojúhelníky) se pak už jenom odkazují do pole vrcholů pomocí **indexů**
 - ◆ nejrychlejší konstrukce: **proužky trojúhelníků** („*triangle strip*“) nebo **vějíře** („*triangle fan*“)



Aproximace hladkého tělesa

- ◆ aby byl vzhled co nejlepší, musí se použít **velký počet trojúhelníků**
 - ◆ pro kulovou plochu několik stovek, pro postavu člověka až desítky tisíc trojúhelníků
- ◆ hladkému vzhledu napomáhá některá ze **stínovacích technik**
 - ◆ interpolace barvy nebo normály, viz dále
- ◆ v plné přesnosti se nemusí kreslit objekty značně **vzdálené od pozorovatele**
 - ◆ úroveň detailu (LoD, „*Level of Detail*“), viz dále

Aproximace hladkého tělesa



- ◆ pro realistický výsledek ani taková přesnost nemusí stačit
- ◆ viz **obrysy** „hladkých“ těles

Geometrické transformace v 3D

- ♦ vektor 3D souřadnic $[x, y, z]$
- ♦ transformace násobením maticí 3×3
 - ♦ řádkový vektor se násobí zprava

$$[x, y, z] \cdot \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix} = [x', y', z']$$

- ♦ transformační matice 3×3 mají podstatné omezení – **nelze** je použít pro **posunutí** (translaci)

Homogenní souřadnice

- ♦ vektor **homogenních souřadnic** $[x, y, z, w]$
- ♦ transformace násobením maticí 4×4

$$[x, y, z, w] \cdot \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & a_{14} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & a_{24} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & a_{34} \\ a_{41} & a_{42} & a_{43} & a_{44} \end{bmatrix} = [x', y', z', w']$$

- ♦ homogenní maticí lze i **posunovat** (translace) a provádět **perspektivní projekci**

Převod homogenních souřadnic

- ▶ homogenní souřadnice $[x, y, z, w]$ se převádějí na běžné kartézské souřadnice vydělením (je-li $w \neq 0$)
 $[x/w, y/w, z/w]$
- ▶ souřadnice $[x, y, z, 0]$ neodpovídají žádnému vlastnímu bodu v prostoru
 - ▶ lze je chápat jako reprezentaci **směrového vektoru** (bod v nekonečnu)
- ▶ převod z obyčejných souřadnic do homogenních je jednoduchý: $[x, y, z] \dots [x, y, z, 1]$

Elementární transformace

Nejběžnější jsou afinní transformace:

$$\begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & 0 \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & 0 \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & 0 \\ t_1 & t_2 & t_3 & 1 \end{bmatrix}$$

- ◆ levá horní podmatice $[\mathbf{a}_{11} \text{ až } \mathbf{a}_{33}]$ vyjadřuje rozměr a orientaci, případně zkosení
- ◆ vektor $[\mathbf{t}_1, \mathbf{t}_2, \mathbf{t}_3]$ udává posunutí (translaci)
 - ◆ posunutí je až poslední operace

Kombinace několika transformací

- díky vlastnostem maticového násobení (asociativita) lze matice sdružovat:

$$((([x, y, z, w] \cdot M_1) \cdot M_2) \cdot M_3) = [x, y, z, w] \cdot (M_1 \cdot M_2 \cdot M_3)$$

- **matice složené transformace** se připraví předem a při hromadném výpočtu se jednotlivé souřadné vektory násobí již jen touto maticí

Otočení

- matice **otočení** kolem osy „z” o úhel „ α ”:

$$\begin{bmatrix} \cos \alpha & \sin \alpha & 0 & 0 \\ -\sin \alpha & \cos \alpha & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

- matice otáčení okolo ostatních souřadných os jsou analogické
- místo zadávání úhlu otočení se často používá přímo **sinus** a **cosinus** (aby se nemusela počítat goniometrie)

Posunutí (translace)

- matice **posunutí** o vektor $[\mathbf{t}_1, \mathbf{t}_2, \mathbf{t}_3]$:

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ t_1 & t_2 & t_3 & 1 \end{bmatrix}$$

- otočení kolem libovolné osy **rovnoběžné** s osou „z” lze realizovat jako: posunutí, otočení kolem „z” a posunutí zpět

$$R_{C\alpha} = T_{-C} \cdot R_{z\alpha} \cdot T_C$$

Změna měřítka

- **zvětšení** celého objektu se středem v počátku:

$$\begin{bmatrix} s & 0 & 0 & 0 \\ 0 & s & 0 & 0 \\ 0 & 0 & s & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \approx \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1/s \end{bmatrix}$$

- **protažení** pouze ve směru osy „z“:

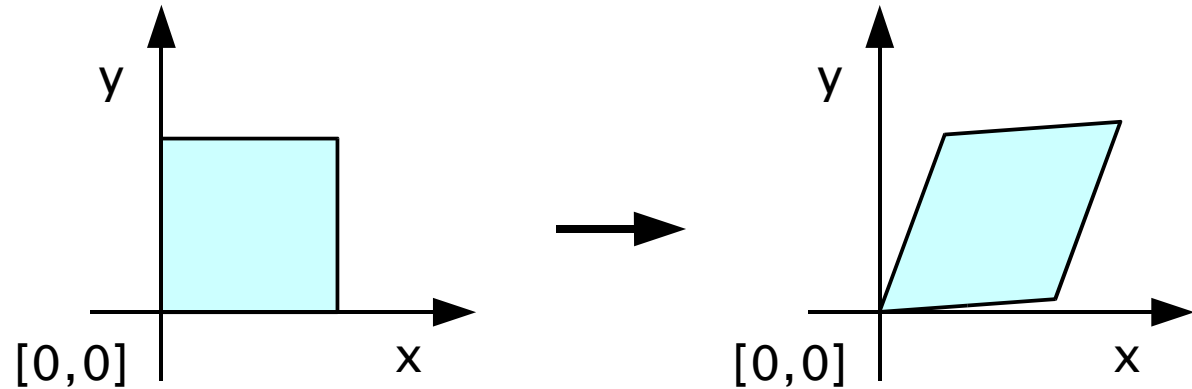
$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & s_z & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Zkosení

- matice obecného **zkosení**:

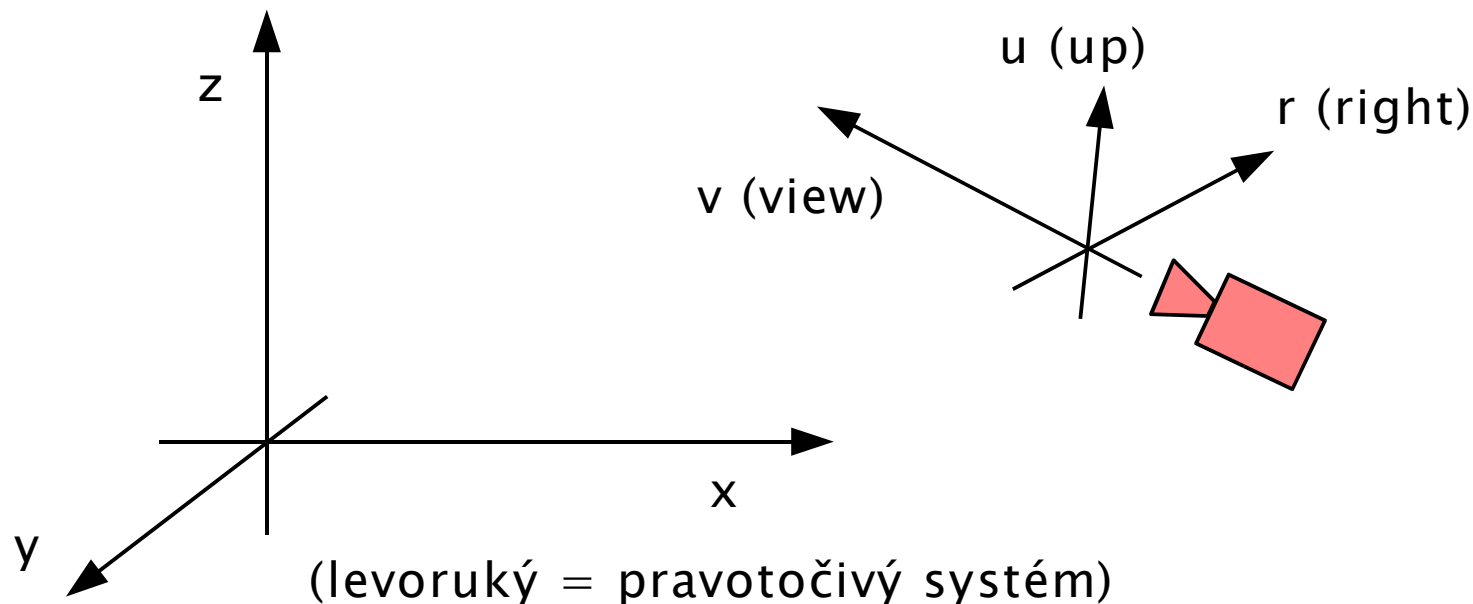
$$\begin{bmatrix} 1 & a & b & 0 \\ c & 1 & d & 0 \\ e & f & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

- ukázka v rovině:



Transformace tuhého tělesa

- ◆ zachovává **tvar těles**, mění pouze jejich **orientaci**
 - ◆ skládá se jenom z posunutí a otáčení
 - ◆ často se používá k **převodu mezi souřadnicovými systémy** (např. mezi „světovými“ souřadnicemi a systémem spojeným s pozorovatelem)



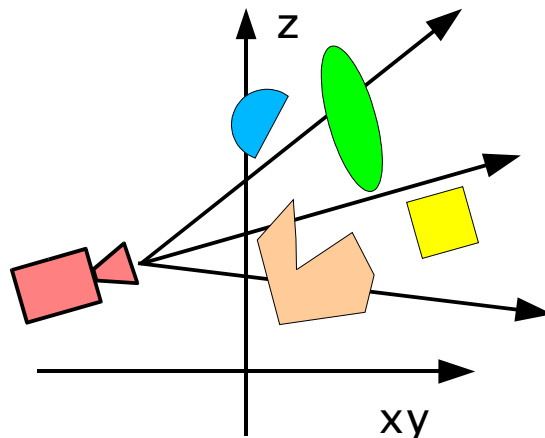
Projekce

➤ **rovnoběžné promítání**

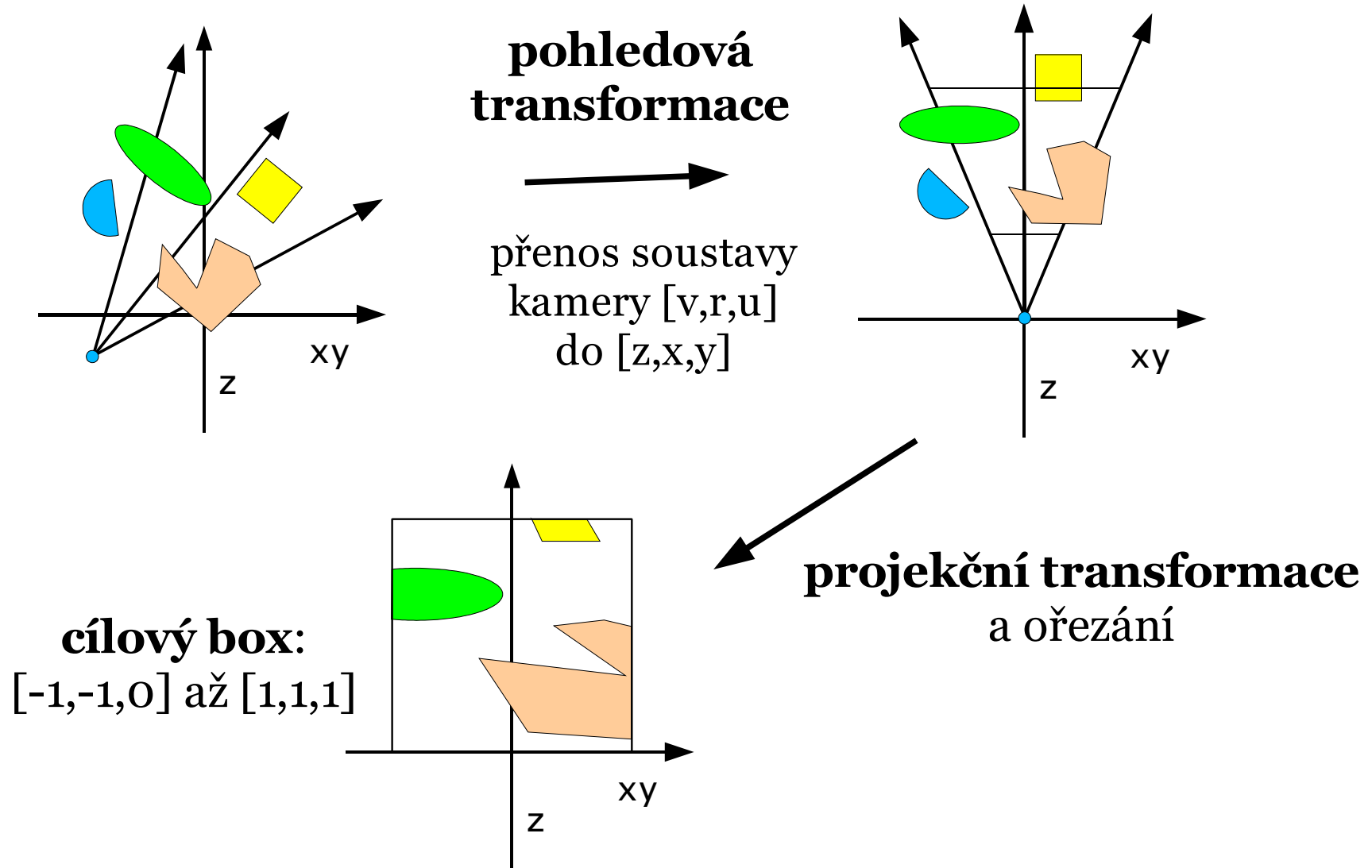
- ◆ nereálný pohled (jako z nekonečné vzdálenosti)

➤ **perspektivní projekce**

- ◆ přirozený pohled (oko, fotoaparát, kamera)
- ◆ implementace potřebuje operaci dělení



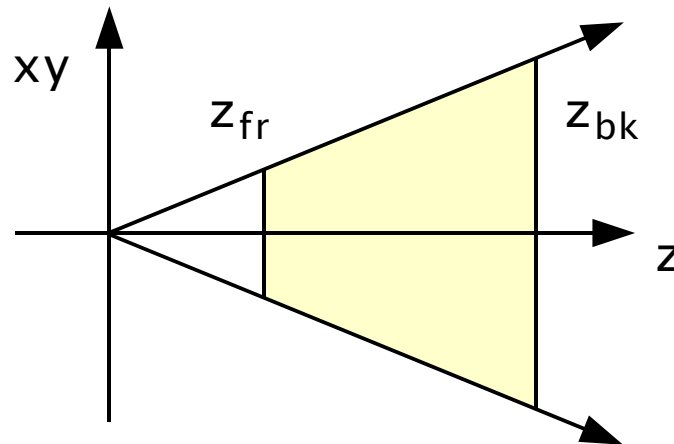
Perspektivní projekce



Projekční transformace

- ♦ posunutí **přední ořezávací roviny** do počátku
- ♦ **perspektivní projekce** s faktorem „ $z + z_{fr}$ ”

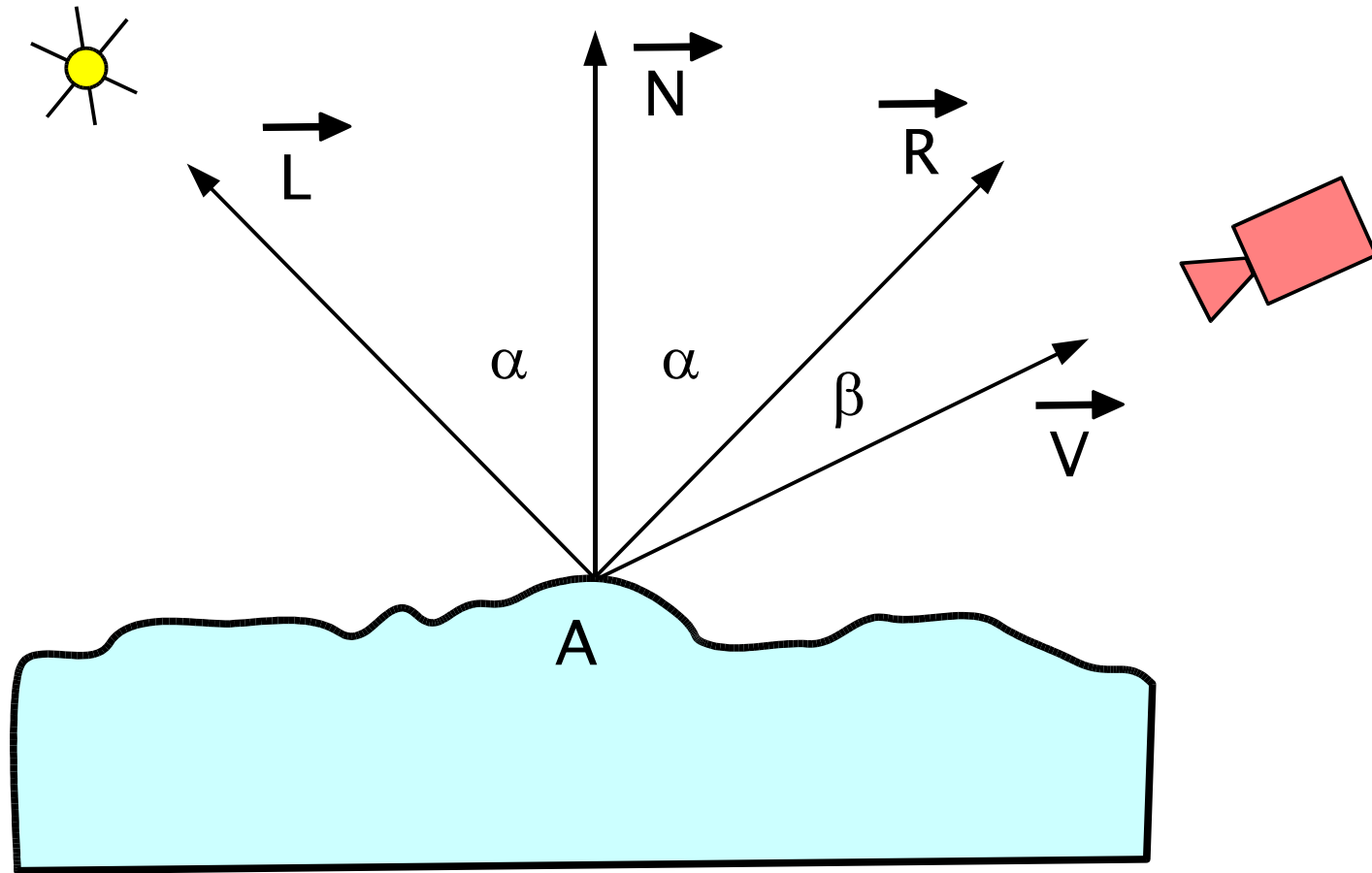
$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -z_{fr} & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1/z_{fr} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1/z_{fr} \\ 0 & 0 & -z_{fr} & 0 \end{bmatrix}$$



Stínování

- ◆ pozorovaný **odstín** na povrchu plošky je závislý na její orientaci v prostoru + na poloze světelných zdrojů
- ◆ existuje mnoho **osvětlovacích modelů**
 - ◆ lokální výpočet odrazu světla na povrchu tělesa
 - ◆ ideálem je přesné napodobení přírody
- ◆ **Phongův světelný model**
 - ◆ jednoduchý výpočet
 - ◆ alespoň kvalitativně souhlasí s fyzikální realitou
 - ◆ kvůli lesklé složce je nejlepší počítat ho v každém pixelu s interpolací normály

Situace



Phongův model osvětlení

- ◆ světlo se skládá ze tří složek:
 - ◆ **zbytkové světlo** („*ambient*”) – náhrada za nepočítané sekundární odrazy
 - ◆ **difusní odraz** („*diffuse*”) – ideálně matné těleso
 - ◆ **lesklý odraz** („*specular*”) – neostrý odraz, odlesk

$$L_a = C \cdot k_a$$

$$L_d = (C \cdot C_L) \cdot k_d \cdot \cos \alpha$$

$$L_s = C_L \cdot k_s \cdot \cos^h \beta$$

Parametry Phongova modelu

- ◆ optické vlastnosti povrchu tělesa („**materiál**“):
 - ◆ vlastní barva tělesa „**C**“ (při osvětlení bílým světlem)
 - ◆ koeficienty „**k_a**“, „**k_d**“ a „**k_s**“ (charakter povrchu: matný, lesklý, ..)
 - ◆ exponent odlesku „**h**“ (čím větší, tím je odlesk ostřejší)
- ◆ vlastnosti **zdroje světla**:
 - ◆ barva a intenzita „**C_L**“ (třísložkový vektor, s barvou zdroje se násobí po složkách)
- ◆ **více** zdrojů světla:

$$L = L_a + \sum L_d + L_s$$

Spojité stínování

Tři techniky použití osvětlovacího modelu:

- ◆ **konstantní stínování** („*flat shading*“)

- ◆ celá ploška se vybarví stejným odstínem

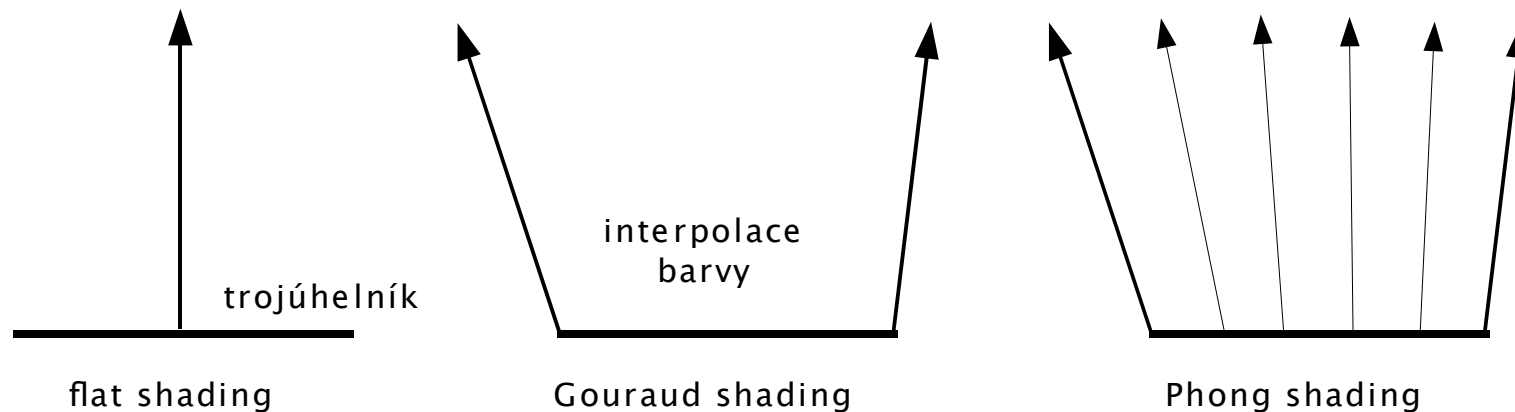
- ◆ **Gouraudova interpolace barvy**

- ◆ osvětlení se počítá ve vrcholech, uvnitř plošek se barva lineárně interpoluje

- ◆ **Phongova interpolace normály**

- ◆ pro každý pixel plošky se normálový vektor lineárně interpoluje a spočítá světelný model
- ◆ nejdokonalejší metoda, vyžaduje spolupráci HW

Spojité stínování



- **konstantní stínování** je adekvátní u hranatých těles
- **interpolace barvy** potlačuje „hrnatý“ vzhled aproximovaných těles
 - ❖ ostré odlesky se však nekreslí korektně
- **interpolace normály** je vhodná i pro vysoký lesk

Mlha

- ◆ předchozí osvětlovací model počítal pouze interakci světla s **povrchem předmětů**
- ◆ vliv **prostředí** (atmosféry) na šíření paprsku
 - ◆ nejjednodušší a nejčastější je výpočet **mlhy** (umí i HW)
 - ◆ přesný výpočet pohlcení/rozptylu paprsku v kouři nebo aerosolu je mnohem složitější
- ◆ **barva mlhy „ C_f ”** (obvykle bílá) se mísí s barvou tělesa
 - ◆ **lineární mlha** (koeficient se mění lineárně se vzdáleností)
 - ◆ **exponenciální mlha** (exponenciální závislost koeficientu na vzdálenosti předmětu od pozorovatele)

Mlha

- ◆ míchání mlhy s barvou tělesa

- ◆ „ C_f ” je barva mlhy, „ C_s ” barva tělesa

- ◆ „ f ” je koeficient

$$C = f \cdot C_s + (1 - f) \cdot C_f$$

- ◆ **lineární mlha**

- ◆ „ z_{end} ” a „ z_{start} ” jsou vzdálenosti začátku a konce mlhy

- ◆ „ z ” je vzdálenost vykreslovaného bodu od pozorovatele

- ◆ **exponenciální mlha**

- ◆ „ D ” je hustota mlhy (čím je větší, tím je mlha hustší)

$$f = \frac{z_{end} - z}{z_{end} - z_{start}}$$

$$f = e^{-D \cdot z}$$

Úroveň detailu (LoD)

Optimální **efektivita vykreslování:**

- ♦ **vzdálené detaily** (velikostí srovnatelné s rozměrem pixelu) se už nemusí vykreslovat
- ♦ naopak – **nejbližší předměty** (na které se dívá uživatel) si zaslouží co možná nejlepší vizuální kvalitu
- ♦ **dynamická úroveň detailu** („dynamic Level of Detail”)
 - ♦ program automaticky přizpůsobuje jemnost dat
 - ♦ lze implementovat globální doladování (např. zadání celkového počtu trojúhelníků, které se mají vykreslovat)
 - ♦ náročná příprava dat: předem se musí připravit několik úrovní dat (nebo algoritmus spojitého zjemňování)

Hierarchické modelování

- ◆ scéna se skládá z objektů
 - ◆ objekty se skládají z komponent
 - komponenty se skládají ze součástí
 - » součástky se skládají z ...

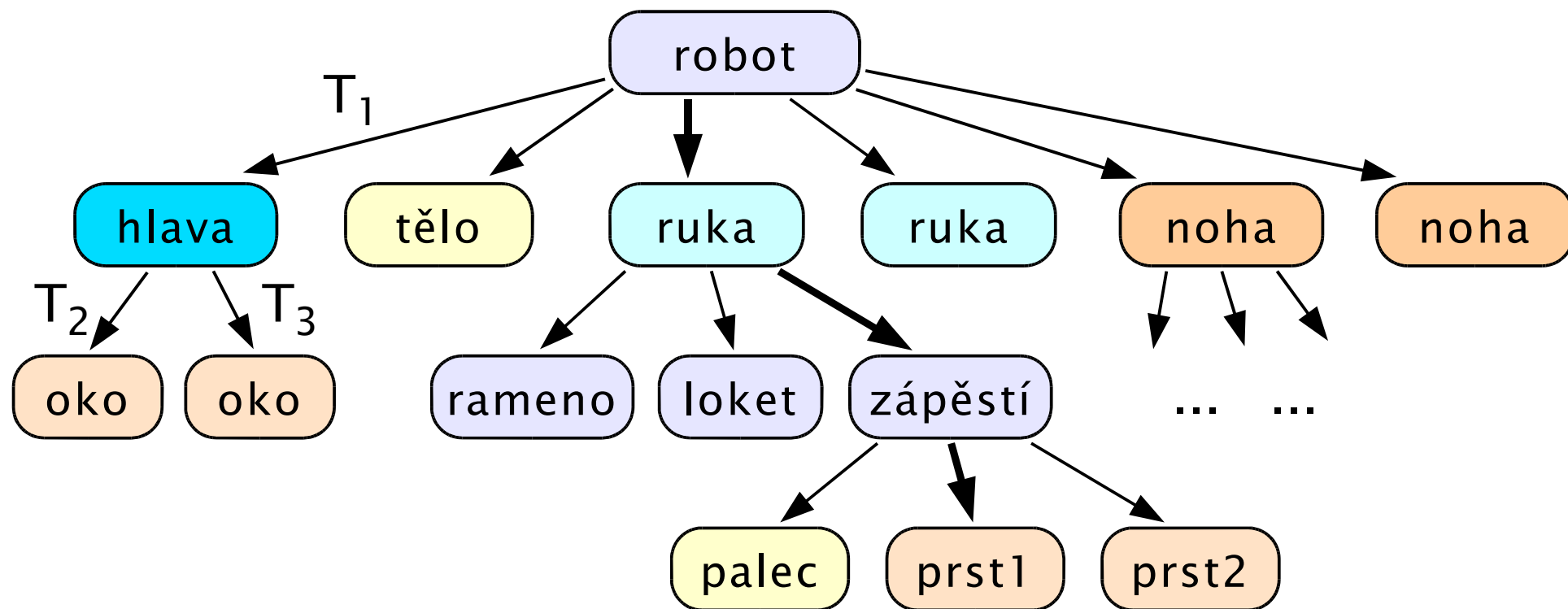
Hierarchické modelování je přirozené a efektivní

- ◆ v databázi mohou být uloženy celé knihovny děl, ze kterých si konstruktér/umělec vybírá
- ◆ další „přidružené“ vlastnosti hierarchické metodiky:
 - **atributy** uzlů hierarchie (dědičnost, parametrizovatelnost)
 - **relativní transformační matice** (poloha potomka je definována pouze vzhledem k jeho rodičovskému uzlu)

Strom scény

Strom scény je uložen na disku

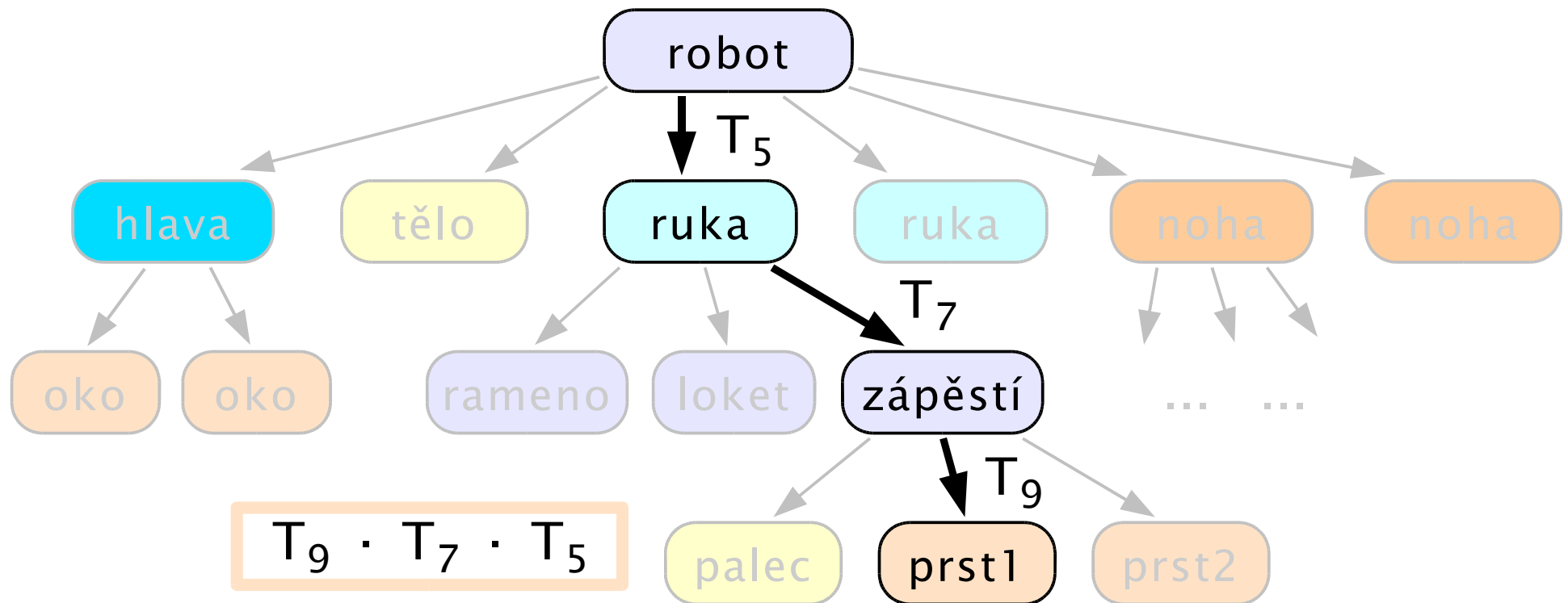
- kvůli vícenásobným odkazům se někdy v paměti rozvíjí



Relativní transformace

Transformace **listu scény** (sít' trojúhelníků) do světových souřadnic se skládá z posloupnosti transformací

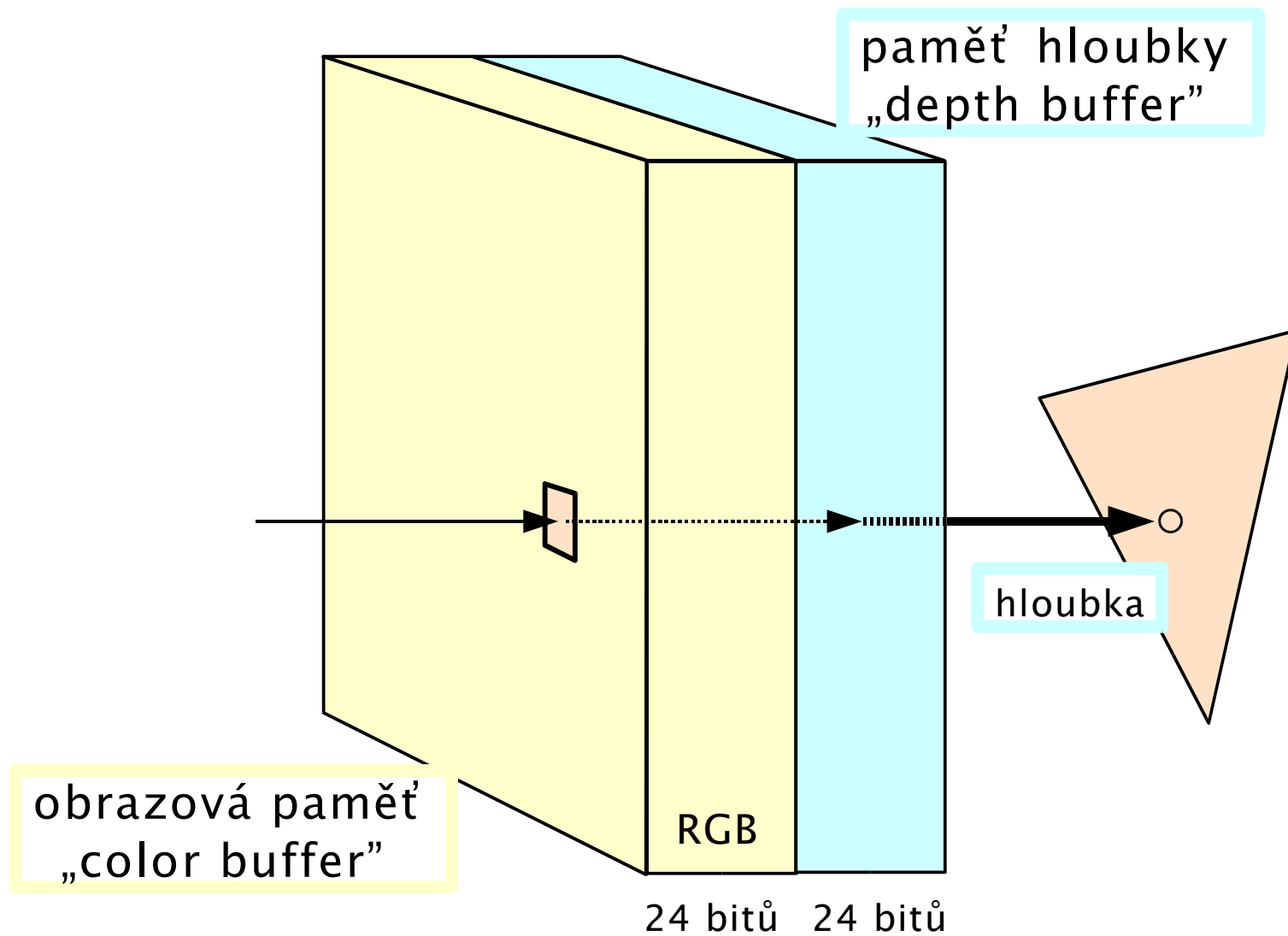
- ♦ složené transformace může omezeně počítat až **GPU**



Výpočet viditelnosti

- ◆ historicky první komponenta přenesená na hardware (Silicon Graphics)
- ◆ algoritmus: **paměť hloubky** („*depth-buffer*“)
 - ◆ viditelnost se řeší na úrovni **jednotlivých pixelů**
 - ◆ **pro každý pixel** je v bufferu uložena vzdálenost (hloubka) nejbližšího dosud nakresleného bodu
 - ◆ **hloubka** je 16- nebo 24-bitové číslo (pevná des. čárka)
 - ◆ souřadnice „**z**“ nebo „**w**“ (homogenní složka před vydělením, výhodnější pro interpolaci i kvůli přesnosti)
 - ◆ při kreslení se musí grafická primitiva **rozkládat** na jednotlivé pixely („**rasterizace**“, řádkový rozklad)

Paměť hloubky



Paměť hloubky

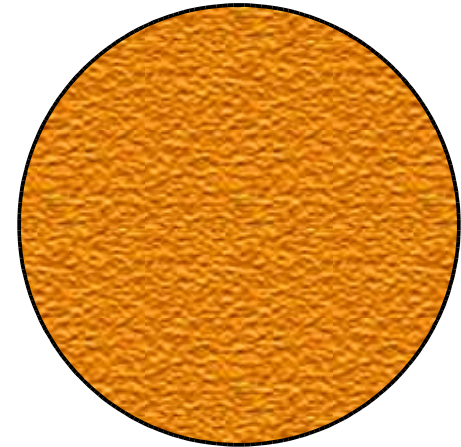
Výhody:

- ♦ vykreslování objektů v **libovolném pořadí**
- ♦ správně vyřeší všechny problematické situace (cykly)
- ♦ jednoduchost \Rightarrow snadná **implementace v hardware**, masivní paralelismus

Nevýhody:

- ♦ **omezená přesnost** hloubky „z” (místo ní „w”)
- ♦ pozor na „**Z-fighting**” (polygony v jedné rovině)
- ♦ výpočet je závislý na směru pohledu
- ♦ poloprůhledné plochy se musí třídit

Textury



Textury

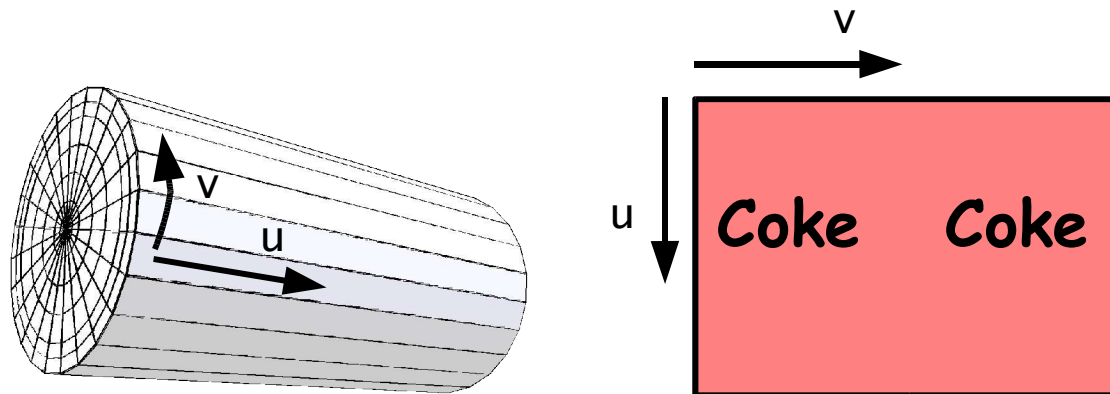
- ◆ **vylepšují vzhled** povrchu těles
 - ◆ modifikace **barvy** („bitmapa“)
 - ◆ dojem **hrbolatého povrchu** („*bump-texture*“)
 - ◆ příp. modulace **dalších parametrů**: průhlednost, odrazivost, lesk

Definice textury:

- ◆ **2D datovým polem** (rastr, „bitmapa“) – nejčastější, umí to každý HW
- ◆ **3D datovým polem** („*volume texture*“)
- ◆ **procedurálně** – algoritmem v každém pixelu (programovatelné GPU)

Mapování textur

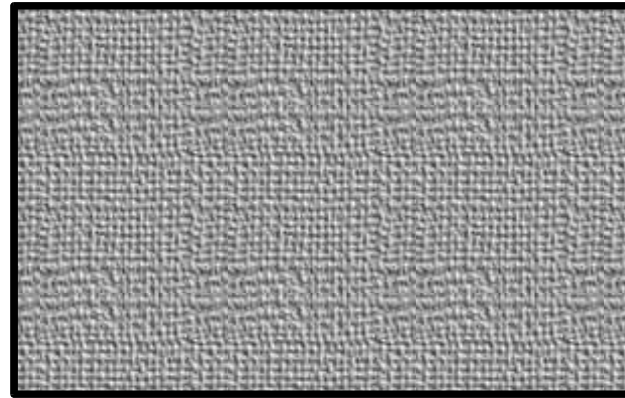
- ◆ **2D textury** se musí na povrch tělesa **mapovat**
 - ◆ **texturové souřadnice** $[u, v]$ se zadávají v každém vrcholu
 - ◆ grafický akcelerátor je interpoluje do jednotlivých pixelů
 - ◆ v bitmapě se musí intepolovat (mezi sousedními pixely textury = „**texely**”)



Kombinace textur



+



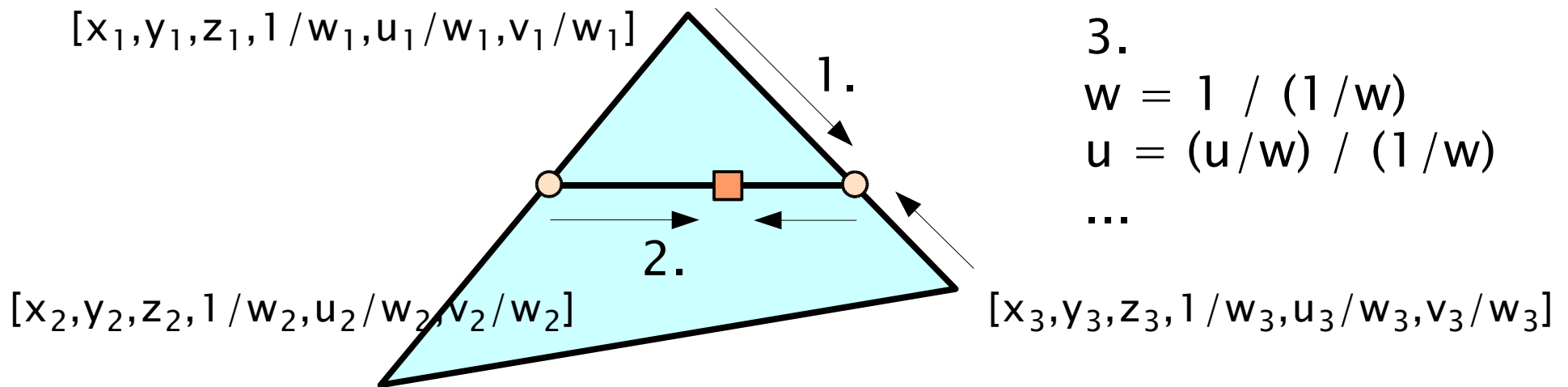
- ▶ moderní GPU umějí v jednom pixelu **kombinovat** několik textur
 - ♦ globální (pomalu se měnící) **základ** + **detailní** textura
 - ♦ předem spočítané **osvětlení** (globální osvětlení)
 - ♦ „*environment maps*” – odlesk zbytku scény apod.

Zpracování pixelů

Rasterizace – rozklad primitiv (trojúhelníků) na pixely

- ♦ algoritmus řádkového rozkladu („*scanline*”)
- ♦ implementace v hardwaru
- ♦ už několik let se uvažuje o **složitějších** primitivech (Bèzierovy plochy, NURBS, „subdivision” plochy)
- ♦ zpracování pixelů – finální fáze **Rasterizace**
 - ♦ **interpolace** barvy, hloubky a texturových souřadnic
 - ♦ **test hloubky** („*depth test*”)
 - ♦ případně též: **test šablony** („*stencil test*”) a u viditelného pixelu **výpočet průhlednosti**

Interpolace v pixelech



Snahou je používat co nejvíce **lineární interpolaci**

- ♦ **hloubku „z”** lze interpolovat lineárně
- ♦ pro **texturové souřadnice** nebo „w” se musí implementovat perspektivně-korektní interpolace:
- ♦ **lineárně** interpolují „1/w”, „u/w” i „v/w”, [u, v] pak dopočítám dělením (**hyperbolická interpolace**)

Průhlednost

- ◆ poloprůhledné **plochy** nebo **texturey**
 - ◆ další atribut pixelu – kanál „ **α** ” („*alpha channel*”) definuje **neprůhlednost**
 - ◆ 0 ... absolutně průhledný povrch
 - ◆ 1 ... neprůhledný materiál (za ním už nic neprosvítá)
 - ◆ v praxi se používá stejné rozlišení jako u R,G,B (8 až 16 bitů) – barevný prostor se rozšiřuje na [**R, G, B, α**]
 - ◆ další užívaný formát: [**R α , G α , B α , α**]
- ◆ poloprůhlednost a grafické karty
 - ◆ při vykreslování poloprůhledné scény je potřeba plošky **třídít** odzadu dopředu (nebo bude kresba nekorektní)

Šablony („stencils“)

Další buffer velikosti obrazovky

- ♦ není předem dáno, pro jaké účely se má použít
- ♦ jeho použití je třeba **programovat** nebo alespoň **konfigurovat** (k dispozici jsou: boolovské I/O operace, testy)
- ♦ běžně se ke každému pixelu dá připojit **8 bitů** šablon
- ♦ do šablony se **zapisuje** (a/nebo se **testuje**) v jedné z posledních fází zpracování pixelu

Aplikace:

- ♦ zejména při **víceprůchodovém zpracování** (viz)
- ♦ omezené vykreslování, selektivní hloubkový test, výpočet vržených stínů, ...

Programování GPU

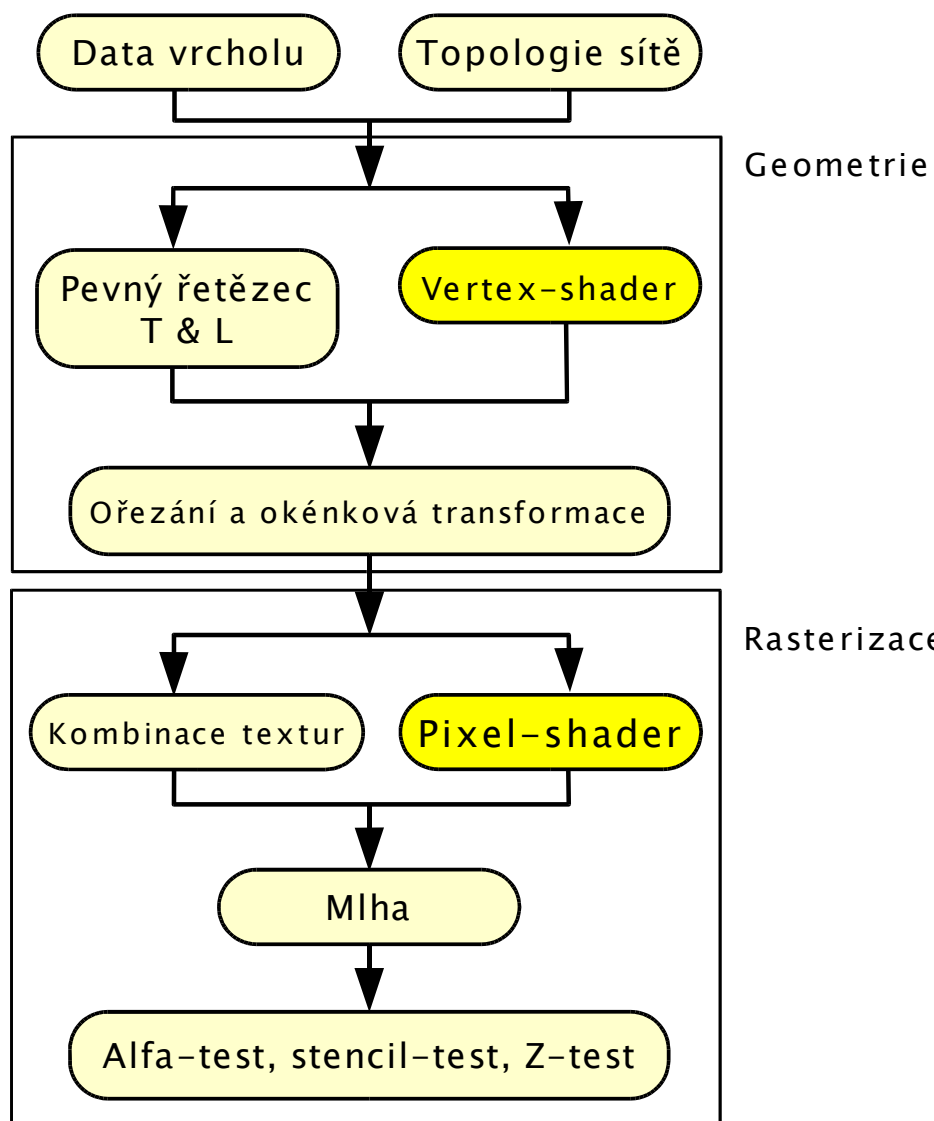
- ◆ revoluční (ale logický) krok kupředu
 - ◆ **NVidia a Microsoft – DirectX 8.0:** „*vertex shaders*” VS a „*pixel shaders*” PS (2000)
 - ◆ **OpenGL – NVidia „*extensions*”** (2001)
 - ◆ **DirectX 8.1** – PS verze 1.2 až 1.4 /jen ATI/ (2001)
 - ◆ **DirectX 9.0** – VS 2.0, PS 2.0 (2002)
 - ◆ velmi silné specifikace VS 3.0 a PS 3.0 zatím většina akceleratorů simuluje softwarově
 - ◆ „***High Level Shading Language***” **HLSL**: pro člověka čitelnější, strukturované příkazy, definice typů (pod tím je třeba stále vidět hardwarová omezení!)

Shaders

Princip programování (konfigurace) GPU:

- ♦ některé části zobrazovacího řetězce zůstávají **neměnné** (algoritmy ořezávání, okénková transformace, výpočty mlhy, průhlednosti, testy hloubky a šablony)
- ♦ dvě nejdůležitější fáze se mohou programovat zvenčí:
 - zpracování jednoho **vrcholu trojúhelníka**
 - zpracování jednoho **pixelu trojúhelníka** (nebo celého segmentu – **fragmentu**)
- ♦ „**vertex shader**” se blíží programu v assembleru běžných CPU (počet instrukcí i zprac. dat jsou omezeny)
- ♦ „**pixel shader**” je velmi omezený, málo instrukcí, „skript” popisující konfiguraci jistých etap rasterizace

Programovatelný grafický řetězec



HW T&L („*Hardware Transform & Lighting*“)

- ♦ od Nvidia GeForce 256 (1999)

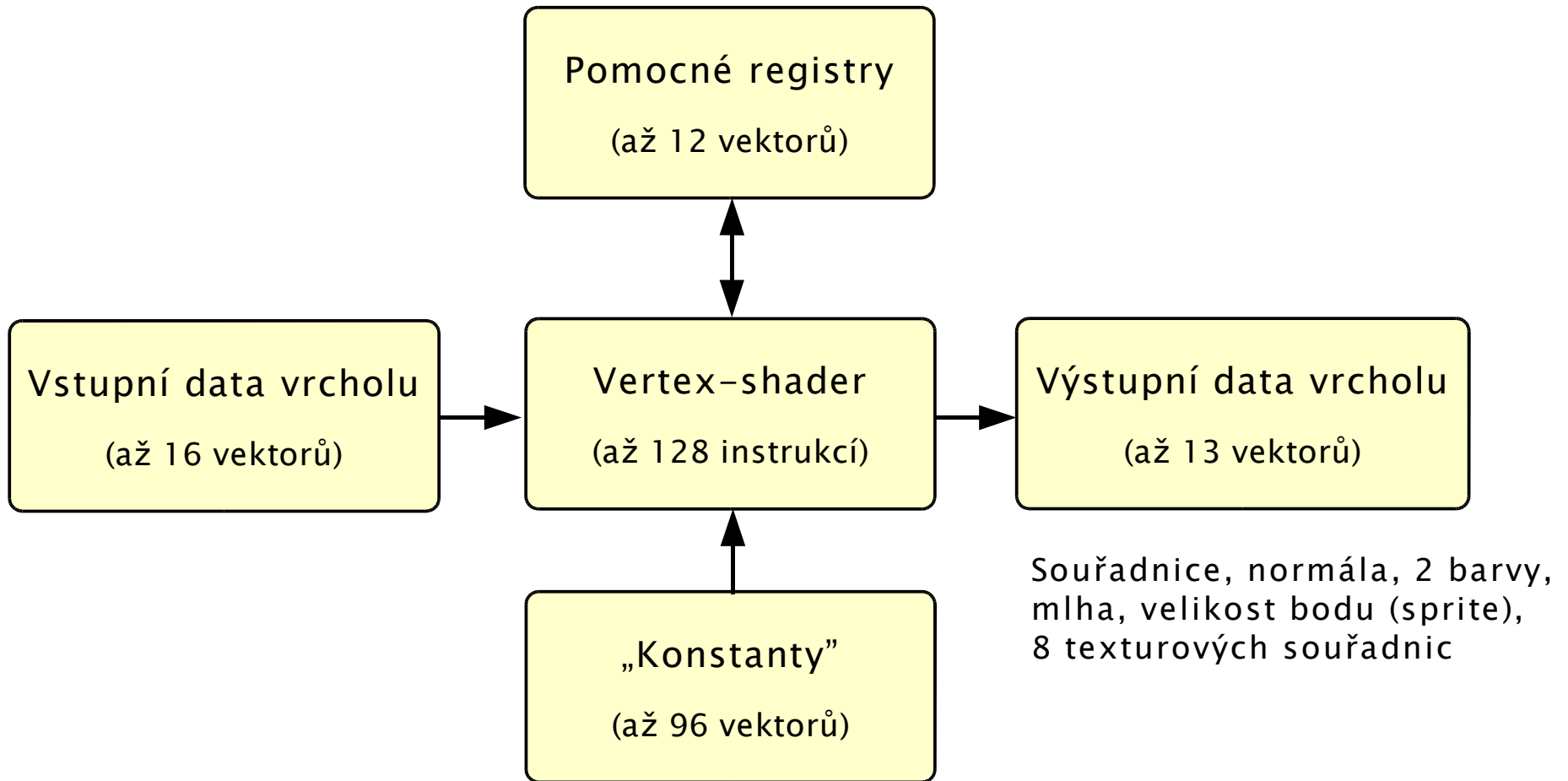
Rasterizace se na čipu dělá již dlouho

- ♦ stanice Silicon Graphics
- ♦ API: IrisGL pod.
- ♦ **multi-texturování:** až druhá polovina 90. let

Vertex-shaders

- ◆ **zpracovávaná data vrcholu** (dle VS 1.1):
 - ◆ souřadnice vrcholu
 - ◆ normálový vektor
 - ◆ barva povrchu
 - ◆ texturové souřadnice
 - ◆ další atributy si může zvolit programátor
- ◆ **výstup** (do zpracování pixelů/fragmentů) :
 - ◆ souřadnice vrcholu a normálový vektor
 - ◆ dvě barvy pro stínování (matná a lesklá složka)
 - ◆ barva mlhy
 - ◆ velikost bodu (pro bodová primitiva „*point sprite*“)
 - ◆ až 8 texturových souřadnic

Prostředí VS 1.1



Výpočet ve vrcholu

- ◆ **výsledek** pokračuje dál v cestě zobrazovacím řetězcem
 - ◆ většina hodnot je později automaticky interpolována v rasterizátoru do jednotlivých pixelů
 - ◆ některá data může využívat i „fragment-shader”
- ◆ **nelze přidat nový vrchol!**
- ◆ **programování:**
 - ◆ **assembler** nebo několik vyšších vývojových prostředí: **Cg/NVidia**, **RenderMonkey/ATI**, **HLSL/Microsoft**
 - ◆ 4-složkové vektory **32-bitových** čísel („float[4]”)
 - ◆ více vektorů za sebou tvoří **matice** 4×3 nebo 4×4 , všechny instrukce umějí implicitně permutace složek, ..

Příklad v HLSL

```
float4x4 World      : WORLD;
float4x4 View       : VIEW;
float4x4 Projection : PROJECTION;

struct VS_OUTPUT {
    float4 Pos      : POSITION;
    float4 Diff     : COLOR0;
    float4 Spec     : COLOR1;
    float2 Tex      : TEXCOORD0;
};

VS_OUTPUT VS ( float3 Pos : POSITION, float3 Norm : NORMAL, float2 Tex : TEXCOORD0 )
{
    VS_OUTPUT Out = (VS_OUTPUT)0;
    float3 L = -lightDir;
    float4x4 WorldView = mul( World, View );

    float3 P = mul( float4(Pos, 1), (float4x3)WorldView );
                // position (view space)
    float3 N = normalize( mul( Norm, (float3x3)WorldView ) );
                // normal (view space)
    float3 R = normalize( 2 * dot(N, L) * N - L );
                // reflection vector (view space)
    float3 V = -normalize( P );
                // view direction (view space)

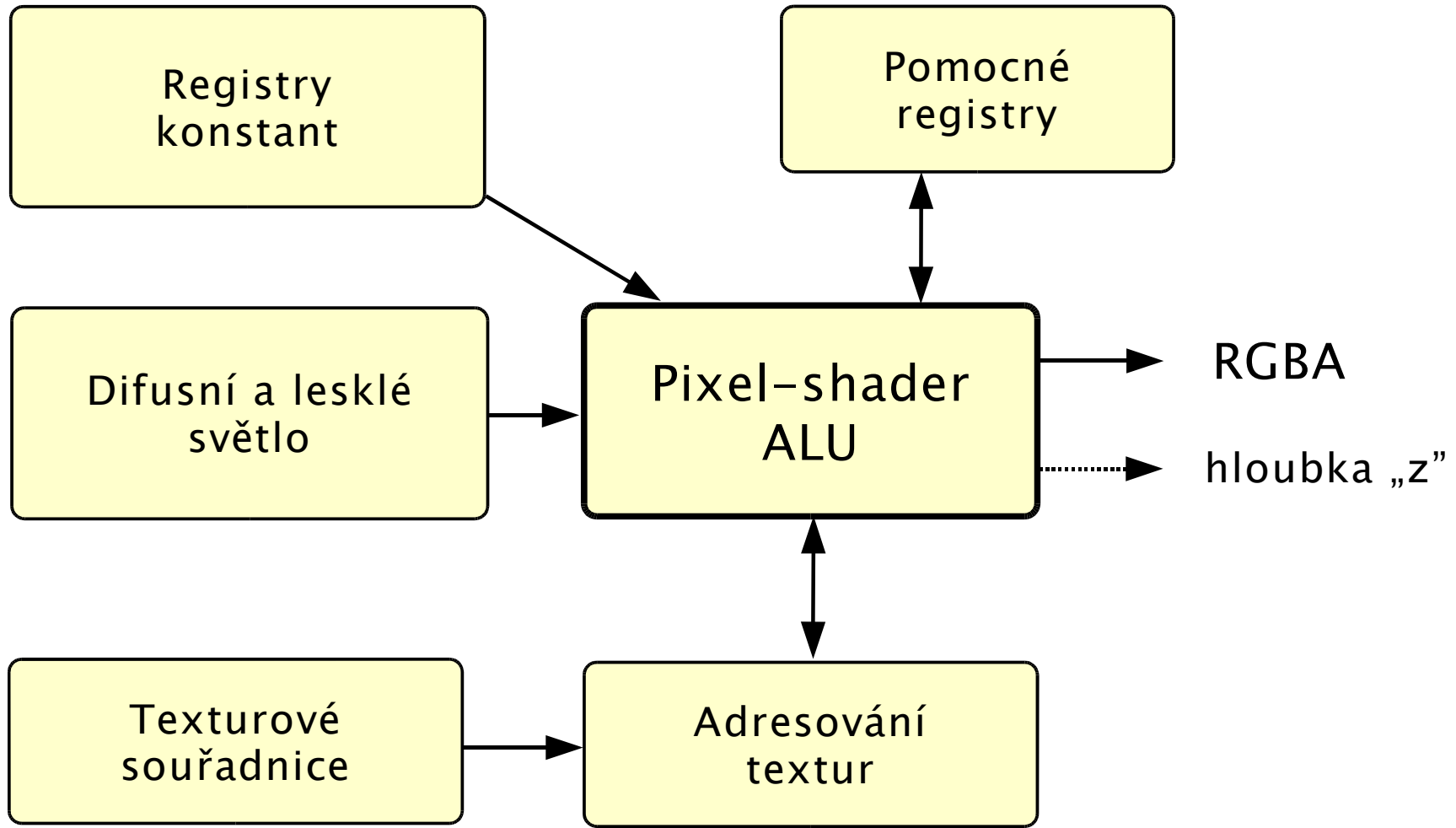
    Out.Pos = mul( float4(P, 1), Projection ); // position (projected)
    Out.Diff = I_a * k_a + I_d * k_d * max( 0, dot(N, L) ); // diffuse + ambient
    Out.Spec = I_s * k_s * pow( max(0, dot(R, V) ), 8 ); // specular
    Out.Tex = Tex;

    return Out;
}
```

Pixel-shaders (fragment-shaders)

- ◆ **vstupní data pro jeden pixel** (dle PS 1.x):
 - ◆ interpolovaná matná a lesklá barva (**RGB**)
 - ◆ interpolovaná průhlednost („ **α** “)
 - ◆ osm konstant
 - ◆ interpolované texturové souřadnice (maximálně osm)
 - ◆ hloubka „ **z** “
- ◆ **výstup:**
 - ◆ výsledná barva pixelu (**RGB α**)
 - ◆ případně změněná hloubka „ **z** “

Prostředí PS



Výpočet v pixelu

- ◆ kód je velmi úzce svázán s **pixelovými interpolátory**
 - ◆ přísné limity na počet instrukcí a délku „*pipeline*”
 - ◆ výpočet musí běžet co nejrychleji, jinak by se mohl snižovat pixelový výkon („*fill-rate*”)
- ◆ **nelze modifikovat souřadnici pixelu!**
- ◆ PS lze chápat spíš jako **konfigurační skript** některých fází rasterizace
 - ◆ kombinace textur + výpočet výsledné barvy pixelu
 - ◆ někdy je dovoleno modifikovat hloubku „**z**” (např. pro „*hypertextury*”)

Příklad v HLSL

```
texture Tex0 < string name = "tiger.bmp"; >;

sampler Sampler = sampler_state {
    Texture      = (Tex0);
    MipFilter    = LINEAR;
    MinFilter    = LINEAR;
    MagFilter    = LINEAR;
};

float4 PS ( float4 Diff : COLOR0, float4 Spec : COLOR1, float2 Tex : TEXCOORD0 ) : COLOR
{
    return tex2D( Sampler, Tex ) * Diff + Spec;
}

technique TBothShaders
{
    pass P0
    {
        // both vertex & pixel shaders
        vertexShader = compile vs_1_1 VS();
        pixelShader  = compile ps_1_1 PS();
    }
}

// shader samples: © 2002 Microsoft Inc.
```

Pokročilé techniky

Nejdůležitější **pokročilé techniky** užívané v hardwarem podporované 3D grafice:

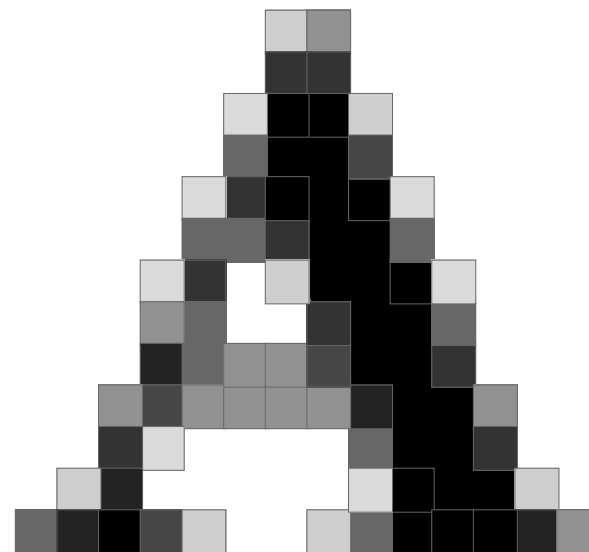
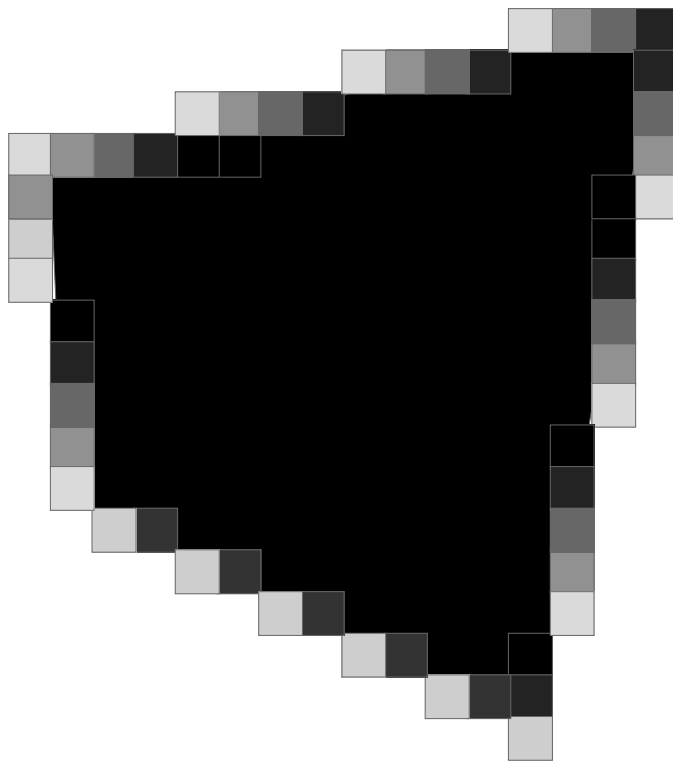
- ♦ „***anti-aliasing***” („vyhlazování”)
- ♦ „***mip-mapping***” a **neizotropické filtrování**
- ♦ **víceprůchodové zpracování**
- ♦ výpočet **vržených stínů**
- ♦ „***bump-mapping***”
- ♦ „***environment-mapping***”
- ♦ často jsou to triky související s **mapováním textur**
 - ♦ ne vždy je potřeba programovatelná GPU

Anti-aliasing

- ◆ při každém pravidelném bodovém vzorkování spojitě definované funkce vzniká „**alias**”
 - ◆ zubaté obrysy hladkých předmětů
 - ◆ „zrnění” a přeskokování u vzdálených textur
 - ◆ interference pravidelného vzorku v dálce
- ◆ „**anti-aliasing**” je označení technik potlačujících alias
 - ◆ „**supersampling**” – metoda hrubé síly
 - obraz se rasterizuje v několikrát zvětšeném rozlišení
 - finální výstup se získá **průměrováním** tohoto mezivýsledku (konfigurace faktoru zvětšení i filtrů...)

Anti-aliasing

- místo zubatých okrajů se na obrysu objeví pixely s přechodovými barvami:



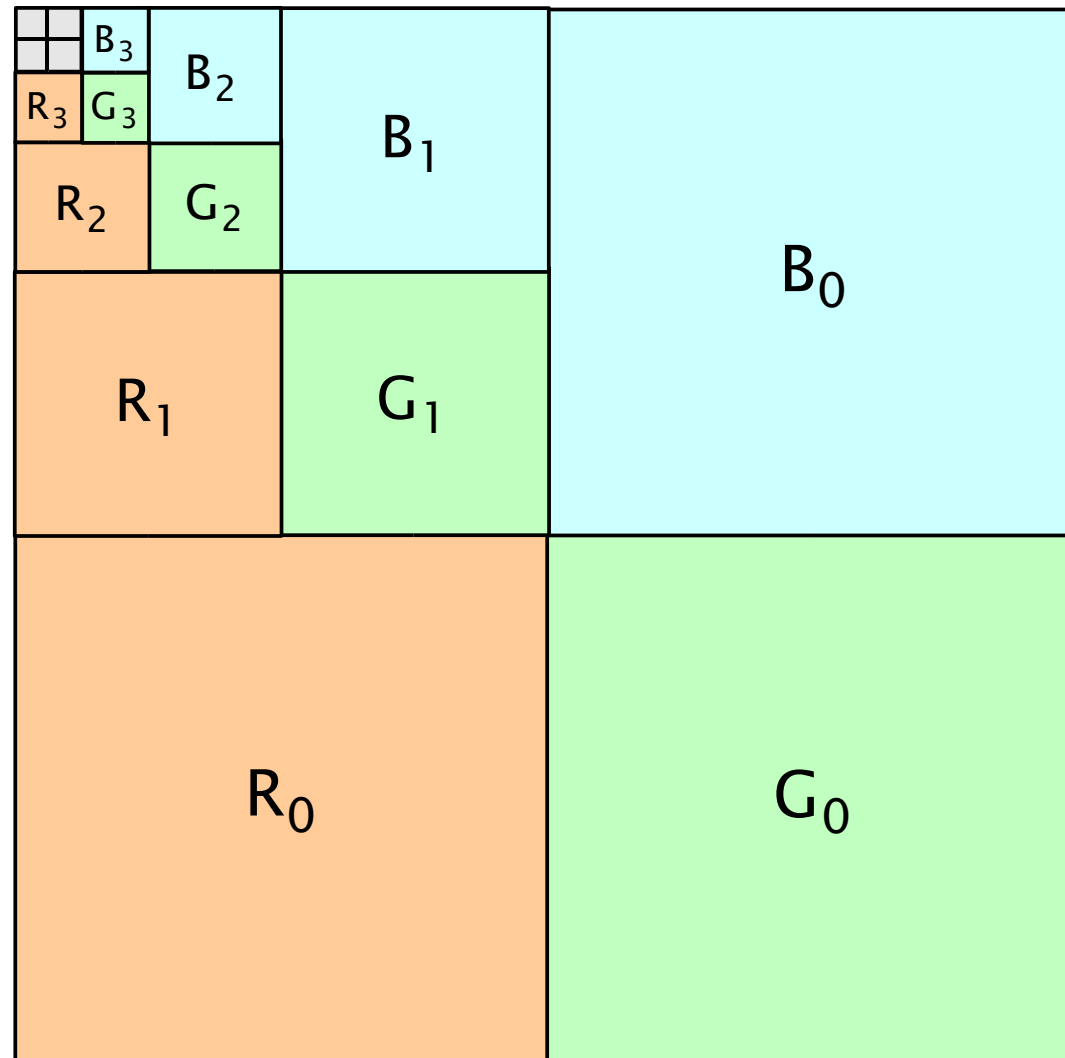
Filtrování textur

- ◆ **textury pozorované z velké dálky** se také musejí filtrovat (průměrovat při zmenšování)
 - ◆ jinak by se projevil „**alias**” – zrnění při pohybu kamery
- ◆ existuje několik technik, jak si zmenšené textury **předem připravit**:
 - ◆ „**MIP-map**” („multum in parvo”) je asi nejznámější
 - ◆ „**ripmap**” (Hewlett-Packard) obsahuje i neizotropní zmenšeniny
 - ◆ **neizotropní filtrace** – dynamicky se počítá, v jakém poměru se má textura zmenšit, sčítá se jen pár texelů
 - ◆ **součtové tabulky** – předem sečtené LU obdélníky

MIP-mapping

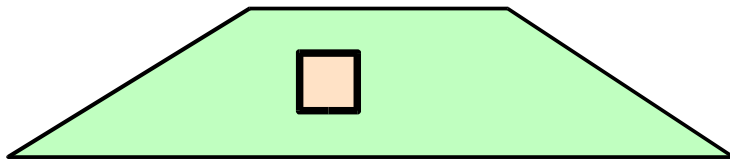
- ◆ předem se textura zmenší na **binární zlomky** (1/4, 1/16, apod.)
 - ◆ při zmenšování se použije **průměrování barev** v sousedních pixelech
 - ◆ pro **3-kanálovou barvu** (např. RGB) existuje šikvné uspořádání MIP-mapy – zmenšená čtvrtina textury se v paměti uloží místo chybějící čtvrté složky
- ◆ použití MIP-mapy
 - ◆ určí se úroveň a z ní se přečte jediná barva (rychlost)
 - ◆ interpoluje se **mezi dvěma úrovněmi** MIP-mapy, případně ještě mezi čtyřmi sousedy v jemnější úrovni

MIP–mapa

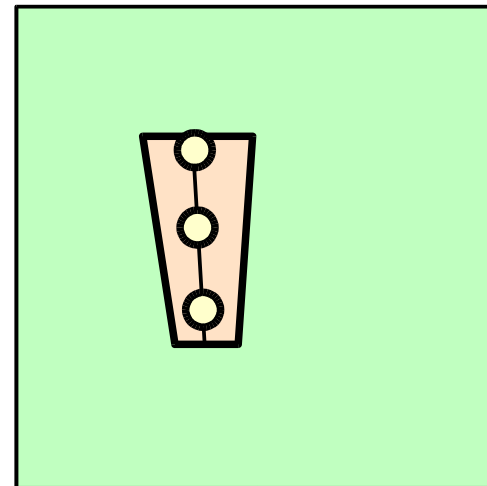


Neizotropické filtrování

- ◆ **zpětně promítnutý pixel** má na textuře tvar deformovaného čtverce
 - ◆ z MIP-mapy se vybere taková úroveň, aby měla **kratší strana** toho čtyřúhelníka délku cca jednoho texelu
 - ◆ podél **delší strany** čtyřúhelníka se průměruje



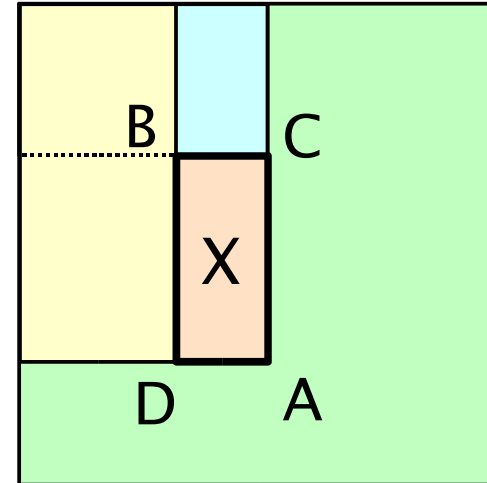
- zobrazovaný pixel
- přístup do MIP-mapy



Součtové tabulky

$$X = A + B - C - D$$

A, B, C, D ... levé
horní součty



- pro **rychlé počítání součtu** (a tedy i průměru) libovolného obdélníka
 - předem se připraví součty všech obdélníků začínajících v levém horním rohu textury
 - je potřeba větší přesnost (minimálně 16 bitů místo 8)

Více průchodů

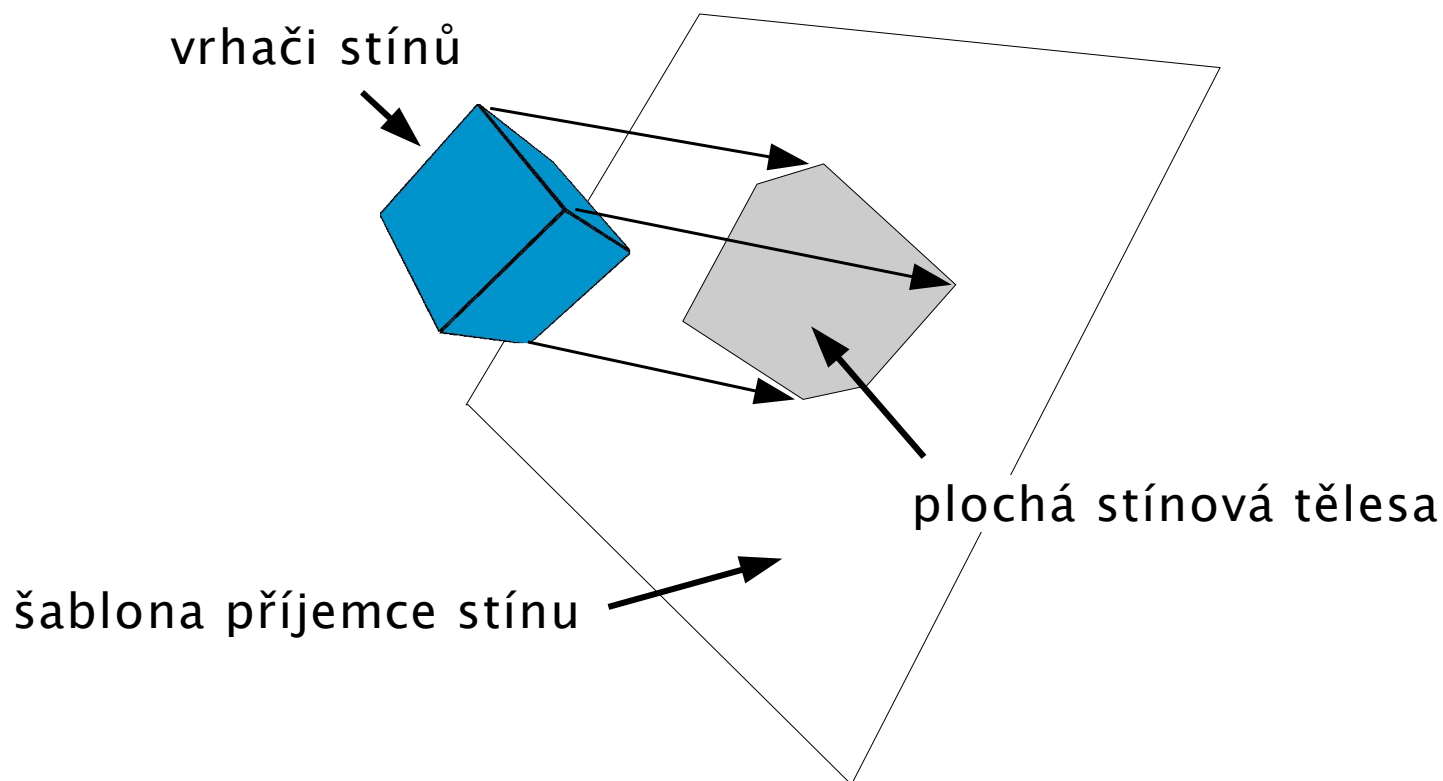
- ◆ některé efekty se bez více průchodů scénou neobejdou
 - ◆ použití **šablon, akumulčního bufferu**
- ◆ mezi jednotlivými průchody se **zachovává** (může zachovat – dle potřeby):
 - ◆ **šablony**
 - ◆ **buffer hloubky**
 - ◆ **buffer barvy** (výsledná bitmapa)
 - ◆ **akumulční buffer** (do něj lze sčítat barevné buffery)
- ◆ topologie scény se mezi průchody obvykle nemění
 - ◆ **geometrie a transformace** se měnit mohou (pro měkké stíny nebo rozmazání pohybem)

Výpočet vržených stínů

- ♦ výpočet stínů, které vznikají při osvětlení scény ostrým zdrojem světla
- ♦ učebnicový příklad použití **šablony** („*stencil*“) a **více průchodů** scénou
 - ♦ šablona maskuje plochy, na které má stín dopadat, a zajišťuje, aby se stíny nezdvojovaly
- ♦ jednoduchý algoritmus:
 - ♦ stíny se vrhají na **jedinou rovinu** („rovina příjemce“)
 - ♦ obraz stínu může být **neprůhledný** (ve stínu zaniká původní barva/textura příjemce) nebo **průhledný** (stín jen snižuje množství světla)

Stíny vrhané do roviny

- ♦ jednoduchý algoritmus, stíny se vrhají do jediné roviny
- ♦ **projekční matice** z 3D prostoru do roviny příjemce



Stíny vrhané do roviny

◆ postup vykreslování:

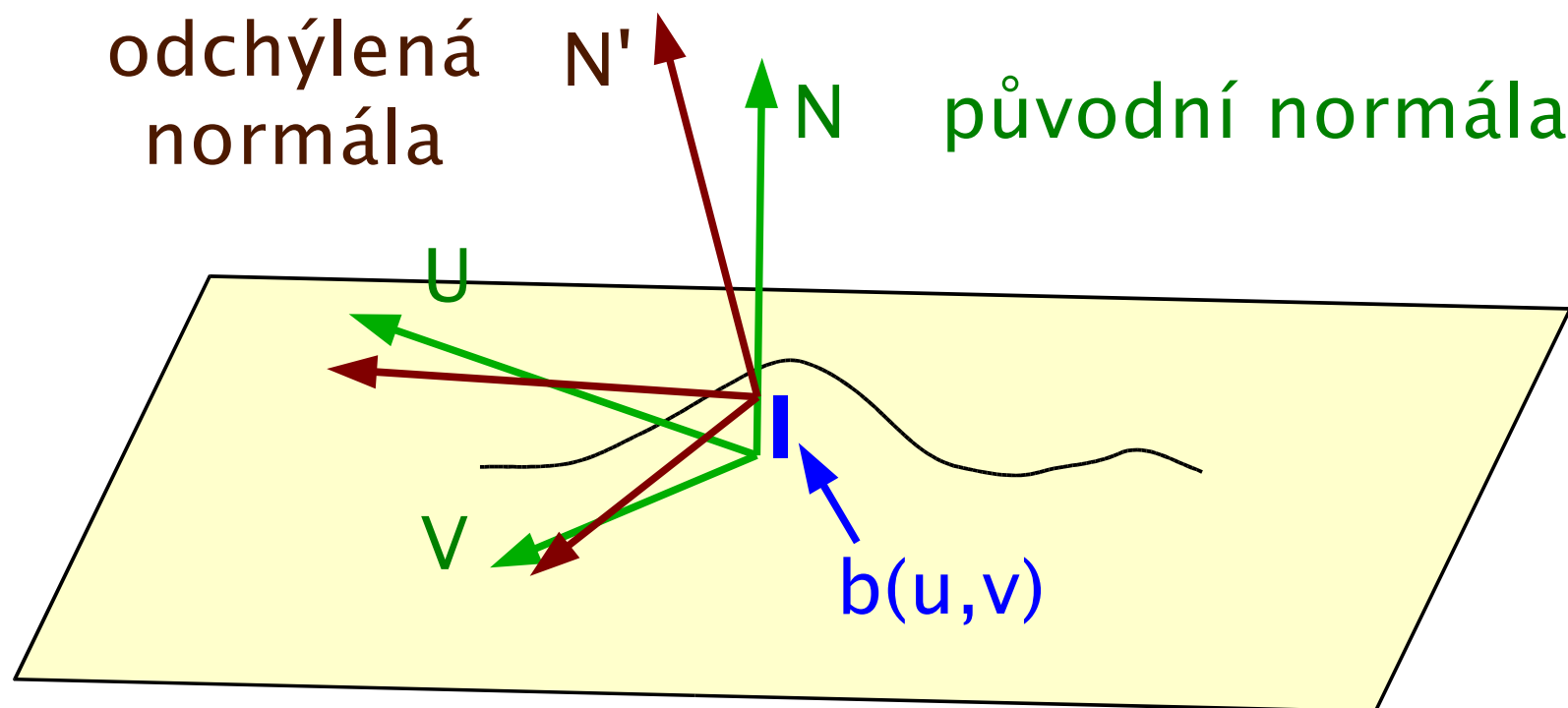
1. celá 3D scéna se vykreslí v **běžném promítání**
 - příjemce **nastavuje** daný bit šablony
 - všechny ostatní plochy tento bit **nulují**
2. s **vypnutým testem hloubky** se všichni potenciální vrhači stínu promítnou **do roviny příjemce**
 - musí se nastavit **speciální promítací matice**
 - stínové plošky se kreslí pouze na místa, kde je **nastaven** daný bit šablony (z prvního průchodu)
 - používají-li se **poloprůhledné stínové plošky**, je nežádoucí, aby se dvě překreslily přes sebe – i tady pomůže **šablona** (první stínová ploška ji zpátky vynuluje)

Bump-mapping

- ◆ speciální texturovací technika – vytváří **dojem nerovného povrchu**
 - ◆ nahrazuje velmi komplikovanou mikro-geometrii
 - ◆ modifikace (modulace) **normálového vektoru**
 - ◆ pozorovatel získává většinu informace o **struktuře povrchu těles** ze stínování (odlesků)
- ◆ implementace předpokládá spolupráci rasterizačního hardware
 - ◆ alespoň kombinace více textur
 - ◆ lepší je počítat složky osvětlení přímo **v jednotlivých pixelech** – spolupráce s Phongovým stínováním

Situace

- zadání: diferenční funkce $\mathbf{b}(\mathbf{u}, \mathbf{v})$ definující odchylku simulovaného povrchu od jeho jednodušší aproximace



Výpočet odchýlené normály

- ◆ simulovaný bod na povrchu hrboлатého tělesa

$$P'(u, v) = P(u, v) + b(u, v) \cdot \frac{N}{|N|}$$

- ◆ odchýlení normálového vektoru

$$N' = N - \frac{\frac{\partial b}{\partial u}(u, v) \cdot U + \frac{\partial b}{\partial v}(u, v) \cdot V}{|N|}$$

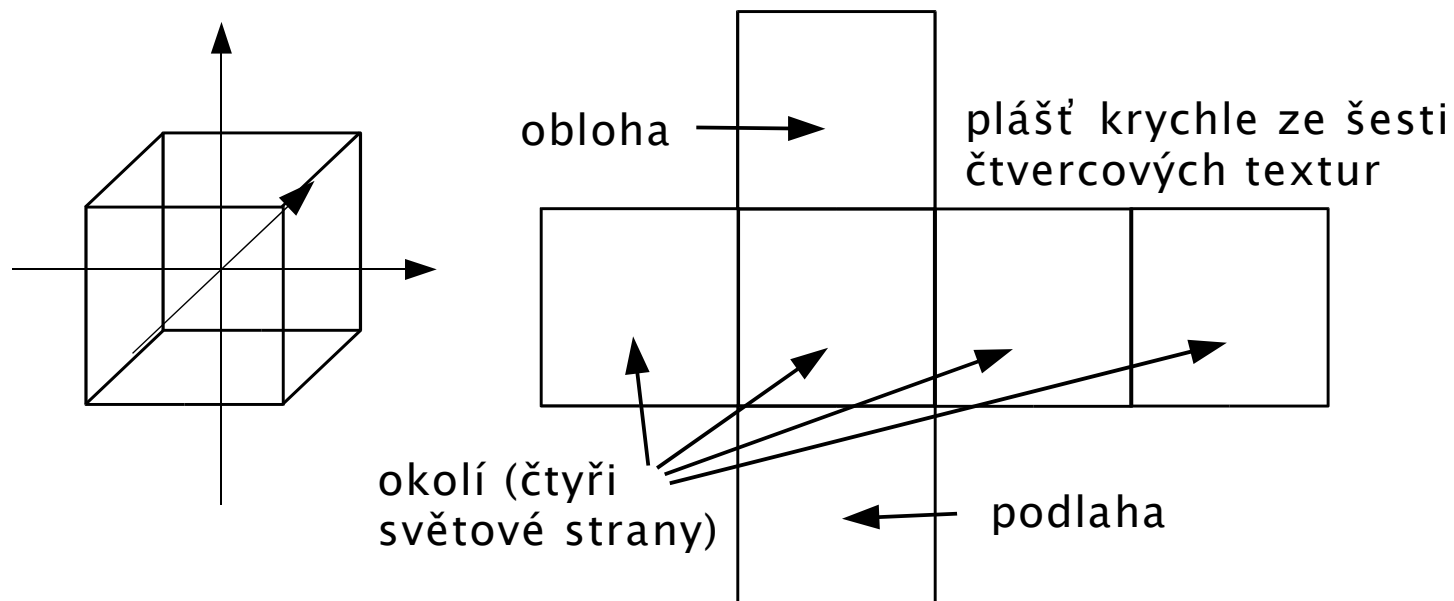
- ◆ v podstatě je potřeba znát pouze **parciální derivace** funkce **$\mathbf{b}(\mathbf{u}, \mathbf{v})$** – a ne její hodnotu ...

Další texturovací techniky

- ◆ co může být **definičním oborem textury** ?
 - ◆ dvojrozměrné souřadnice na povrchu tělesa [**u, v**] – klasický přístup
 - ◆ trojrozměrné souřadnice [**x, y, z**] – tzv. „**prostorová textura**”
 - vnitřní struktura materiálu (dřevo, mramor, ...)
 - ◆ **normálový vektor N** – „**environment mapping**”
 - předem spočítaná data (CPU i spolupráce s GPU) se do rasterizátoru předávají pomocí zvláštní „textury”
 - **odraz okolní scény** na lesklém povrchu tělesa
 - **mapa osvětlení** (dopředu spočítané světlo od více zdrojů, od plošných zdrojů, složitějším světelným modelem, ...)

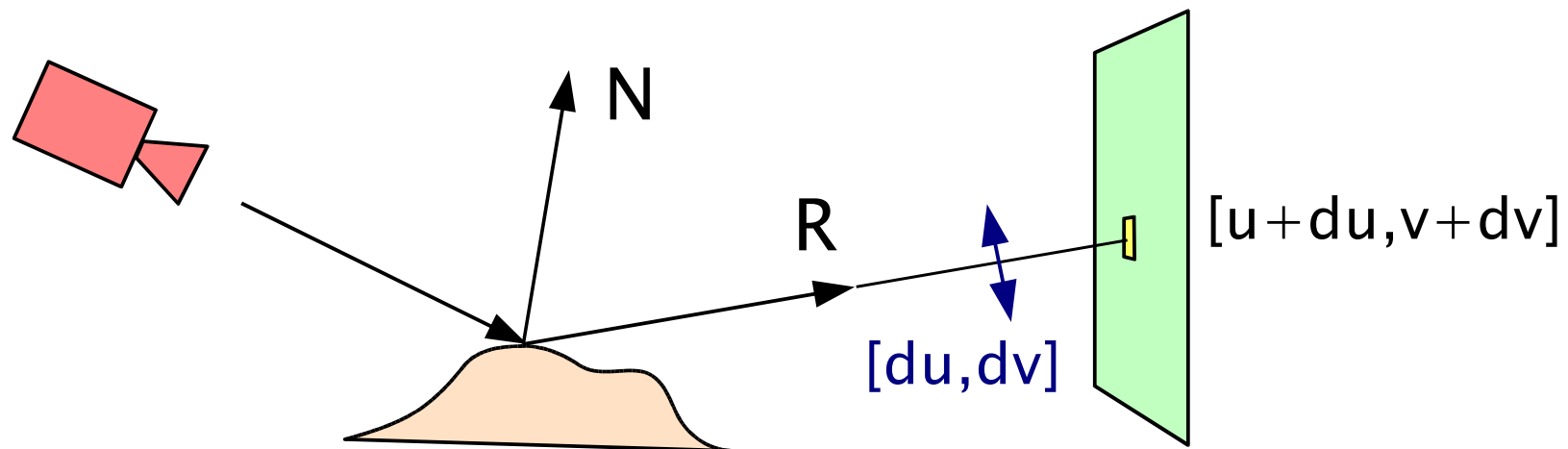
Environment-mapping (EM)

- ◆ normálový vektor \mathbf{N} se převádí do
 - ◆ **sférických souřadnic** – složitější příprava dat
 - ◆ **šesti čtvercových stěn krychle** – „*cubic mapping*”
 - vstupní data se dají získat dynamicky pomocí GPU !



Environment map bump-mapping

- ♦ sférické i kubické mapování umí dělat současné GPU
- ♦ v **texturových souřadnicích** „*environment-mapy*” lze dělat elegantně též „*bump-mapping*”
- ♦ místo změny normály se **modifikuje** $[u, v]$ pro EM
- ♦ také tuto techniku umí dnešní rasterizační jednotky



Akumulační buffer

- ◆ vedlejší barevný buffer, do kterého lze přičítat aktuální nakreslené barevné buffery
- ◆ používá se pro různé efekty „**rozmazání**” **obrazu**
 - ◆ **rozmazání** předmětu rychlým **pohybem**
 - napodobení reálné uzávěrky fotoaparátu/kamery
 - pohybující předměty se nakreslí v **několika časových okamžicích**, akumulací buffer obrázky zprůměruje
 - ◆ **hloubka ostrosti kamery**
 - skutečná optika kreslí úplně ostře jen v **rovině zaostření**
 - simulace: celá scéna se nakreslí několikrát, vždy s maličko modifikovaným úhlem pohledu (změna projekční matice)

Literatura

- ◆ Tomas Akenine-Möller, Eric Haines: ***Real-time rendering, 2nd edition***, A K Peters, 2002
- ◆ J.D. Foley, A. van Dam, S.K. Feiner, J.H. Hughes: *Computer Graphics: Principles and Practice, Second Edition in C*, Addison-Wesley, 1996
- ◆ Alan Watt, Mark Watt: *Advanced Animation and Rendering Techniques – Theory and Practice*, Addison-Wesley, 1992
- ◆ Jiří Žára, Bedřich Beneš, Petr Felkel: *Moderní počítačová grafika*, Computer press, 1998
- ◆ Peter Kovach: *Inside Direct3D*, Microsoft Press, 2000

On-line zdroje

- ◆ **NVidia** pro vývojáře: <http://developer.nvidia.com/>
- ◆ **ATI** pro vývojáře: <http://www.ati.com/developer/>
- ◆ **OpenGL** konsorcium: <http://www.opengl.org/>
- ◆ **Microsoft** o DirectX:
<http://msdn.microsoft.com/directx/>
- ◆ e-zin pro vývojáře **her**: <http://www.gamasutra.com/>
- ◆ populární **citační databáze** (obsahuje často i plné verze článků): <http://citeseer.nj.nec.com/>